

نقطة الانفصال

تظهر هذه النقطة على شكل فجوات في التمثيل البياني للدالة ؛ لان الدالة تكون غير معرفة عند تلك النقاط ومعرفة حولها

إذا كان $f(x) = \frac{a(x)}{b(x)}$ ، حيث $b(x) \neq 0$ وكان $x - c$ عاملا مشتركا بين $a(x)$ و $b(x)$ فإنه توجد نقطة انفصال عندما $x = c$ (وجود عامل مشترك بين البسط والمقام يدل على وجود فجوة)

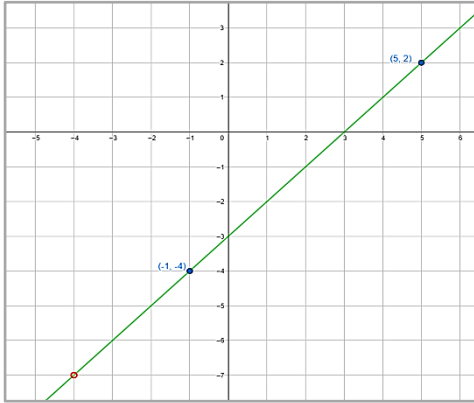
تطبيقات

• مثل بيانيا $f(x) = \frac{x^2+x-12}{x+4}$

نحلل البسط لإيجاد العامل المشترك بين البسط والمقام وهو $x + 4$ اي ان $x = -4$ هي نقطة

الانفصال $f(x) = \frac{x^2+x-12}{x+4} = \frac{(x+4)(x-3)}{(x+4)} = x - 3$ لذا فالتمثيل البياني ل $f(x) = \frac{x^2+x-12}{x+4}$

هو نفسه التمثيل البياني للدالة $f(x) = x - 3$ مع وجود فجوة في التمثيل عندما $x = -4$



للمرسم

x	$f(x) = x - 3$	الازواج المرتبة
5	$5 - 3 = 2$	(5, 2)
-1	$-1 - 3 = -4$	(-1, -4)

• أوجد معادلات خطوط التقارب الرأسية ونقط الانفصال إن وجدت للتمثيل البياني للدالة :

$$f(x) = \frac{x+4}{x^2+9x+20}$$

$$f(x) = \frac{x+4}{x^2+9x+20}$$

نحلل المقام

$$f(x) = \frac{x+4}{(x+4)(x+5)}$$

$$f(x) = \frac{1}{(x+5)}$$

نختصر العوامل المشتركة بين البسط والمقام

نقطة الانفصال : $x = -4$

خط التقارب الراسي : $x = -5$